

## 論述式の問題における学習指導のポイント（高等学校）

### 1 中学校とのつながりを考えたときの指導上の配慮事項

論述や証明における生徒のつまずきを把握し、指導に生かすこと  
【生徒が論述や証明でつまずきやすいこと】

- ① 文章を文字や式で言い換えること
- ② 何を示せば証明したことになるかを見通すこと
- ③ 証明の答案の書き方

### 2 指導上のポイント

(1) 文章を文字や式で言い換えることを練習させ、文字の有用性を知らせる。

**【例】**直角をはさむ2辺の長さの和が20の直角三角形において、その面積が最大になるのはどのような場合か。

解) 直角をはさむ1辺の長さを  $x$  をおくと、 $x$  のとる値の範囲は、

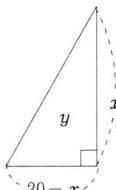
$$0 < x < 20 \cdots ①$$

三角形の面積を  $y$  とすると、

$$\begin{aligned} y &= \frac{1}{2} x (20 - x) \\ &= -\frac{1}{2} (x - 10)^2 + 50 \end{aligned}$$

グラフを利用して、①に注意すれば  
最大値50 ( $x = 10$  のとき)

面積が最大となるのは、直角をはさむ2辺の長さが10の直角二等辺三角形のとき。



**着眼** 関数の問題であると認識し  
何を  $x$ 、 $y$  とおくか考える。

**立式** 題意を式で表す。  
( $y$  を  $x$  で表す。変域注意)

**分析** 二次関数の最大値を求めればよいと気づく。

**処理** 基本変形をし、グラフを利用して最大値を求める。

**結論** 題意に合うように言い換え  
結論を導く。

(2) 何を示せば証明したことになるのかを理解させ、問題を通して定着を図る。

**【等式の証明における指導上の留意点】**

- ①  $A = B$  を証明するとき、考え得る方法をすべて挙げさせる。
  - ア  $A$  を変形して  $B$  を導く。
  - イ  $A$  と  $B$  をそれぞれ変形して、同じ式になることを導く。
  - ウ  $A - B = 0$  であることを導く。
- ② 等号の使い方に注意させる。正しくない解答を具体例で示す。
- ③ 教科書の例題等について、証明を自分の表現で書く練習をさせる。