

7 2次関数のグラフと最大・最小，方程式・不等式（数Ⅰ「2次関数」）

関連：前 座標と式(中1)，1次関数(中2)，2次方程式(中3) 後 いろいろな関数(数Ⅱ)

1 つまずきの内容

- (1) 2次関数のグラフを利用して，最大値・最小値を求めることができない。

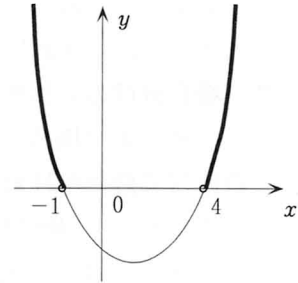
(例) $y = x^2 - 2x - 2$ ($-1 \leq x \leq 2$) における最大値・最小値を求めよ。

与式を， $y = (x-1)^2 - 3$ と変形して，頂点 $(1, -3)$ を求めてグラフをかくことはできても，グラフを見て，最大値・最小値がどこなのがわからない。

- (2) 2次不等式を2次関数のグラフを利用して解くことができない。

(例) $x^2 - 3x - 4 > 0$ を満たす x の値の範囲を求めよ。

与式を， $(x+1)(x-4) > 0$ と変形し，右のようにグラフをかくことはできるが，グラフのどの部分が $y > 0$ となっているのが解らない。また，それに対応した x の範囲を不等式で表すことができない。



2 つまずきの分析

- (1) x の値の変化に伴って y の値が変化することをグラフから読みとれない。

中学2年の「1次関数の変域」の学習から， x の変域に対する y の変域は， x の範囲の両端の y の値を考えればよいという印象が強く，グラフの y の値の変化が見えない。高校入試における， $y = ax^2$ の形の関数の最大・最小に関する問題の正答率も低い。(「4 高校入試についてをつまずきの分析」で後述)

- (2) 条件を満たす点の集合という「領域」的な考え方がわからないために，「グラフを用いて不等式の解を求めること」がどうということかわかっていない。

中学校では， $y > 0$ となる座標平面上の点の集まりという考え方はしていない。領域については，高校でも，数学に続いて履修する数学の「図形と方程式」で初めて学習する考え方であるために，直観的に理解できない生徒はつまずく。

2次不等式の場合，「グラフの $y > 0$ の部分に対応する x の値の範囲」ということが， x 軸との位置関係からだけでは理解できないために，不等式の解が把握できない。その結果，パターン化・公式化して「数学は暗記」にしてしまい，グラフを使わないと解きにくい「解はすべての数」や「解なし」の場合はできないということになる。