

3 相似な三角形の発見と相似比・面積の比 (中3「相似と計量」)

関連：前 台形(小4), 平行線(小4, 中2), 相似な図形(中2) 後 ベクトル(数B)

1 つまづきの内容

相似比を利用して線分の長さや面積などを求めることができない。

また、図形のいろいろな見方ができない。

台形ABCDで、 $AD \parallel BC$, $AD = 2 \text{ cm}$,
 $BC = 6 \text{ cm}$ のときAC, DBの交点を
 Oとすると、台形ABCDの面積は
 $\triangle AOD$ の面積の何倍か。

2 つまづきの分析

(1) 台形の性質と平行線の性質についての理解が不十分である。

- ① 1組の辺が平行 (小4) $AD \parallel BC$
- ② 平行線の錯角 (中2) $\angle ADB = \angle CBD$
 $\angle DAC = \angle BCA$

(2) 三角形の相似と相似な図形の性質についての確認がなされていない。

- ① 三角形の相似条件 (中2) 2組の角がそれぞれ等しい。
 $\triangle AOD \sim \triangle COB$

- ② 相似比 (中2) 1 : 3

- ③ 相似な平面図形の面積の比 (中3) $1^2 : 3^2$

(3) 高さの等しい三角形の底辺の長さや面積の関係についての理解が不十分である。

- ① 相似比 (中2) $OD : OB = 1 : 3$
- ② 三角形の面積の比較 $\triangle AOD : \triangle AOB = 1 : 3$
 同様に, $\triangle AOD : \triangle DOC = 1 : 3$

(4) 4つの三角形の面積の関係について理解していない。

- ① $\triangle AOD : \triangle AOB : \triangle DOC : \triangle COB = 1 : 3 : 3 : 9$
- ② $\triangle AOB = 3 \triangle AOD$
 $\triangle DOC = 3 \triangle AOD$
 $\triangle COB = 9 \triangle AOD$

}	→	台形ABCD
		$= \triangle AOD + \triangle AOB + \triangle DOC + \triangle COB$
		$= 16 \triangle AOD$