

3. 代 表 値

(1) 平均値 (算術平均 相加平均ともいう。 \bar{x} や m で表す。)

n 個の値 x_1, x_2, \dots, x_n の平均値 \bar{x} (エックスバー) は、次の式で定義されます。

$$\bar{x} = \frac{x_1 + x_2 + \dots + x_n}{n}$$

この式をみてもわかりますように、平均値は、全部の値を“ならした”値であり、データの一つ一つの値が、それぞれ自分自身の持つ情報を提供していることもわかります。そして、この各自の情報が提供されている点が、あとで説明する中央値や並み数にくらべて優れています。

しかし、平均値が、中央値や並み数にくらべて、代表値として最もよく用いられる理由は、実は、統計学の理論を展開するのに、平均値が極めて都合のよいことがわかっているからです。

少し極端に言えば、統計学とは、「平均値に関する学問である」といってもよいくらいなのです。

なお、平均値には、データの各値が、等しく影響する、という長所があるわけですが、この長所は、ときには短所に変ずることもあります。

例えば、極端な値が一つあって、他の値は大体同じ程度の値をとる場合などでは、平均値は、この極端な値に強く影響されて(同時に、その極端な値の情報が薄められて)、代表値としての意味を持たなくなります。何のために平均値を求めるのかといえば、それはデータの特徴をつかむために求めるのですから、こういう場合は、その極端な値の取り扱いを、「データの特徴をつかむ」という目標にてらして、どのように取り扱ったらよいのか、十分検討する必要があります。

この例として、次のようなデータをあげることができます。

50, 60, 55, 55, 45, 100

この平均値は、およそ61ですが、これには100という極端に大きな値が強く影響していることがわかります。同時に、100という極端な値の情報が薄められ