

一辺の長さが知りたいのだ。どうしたらいいだろう。

P₄ 先生、それは簡単です。分散の平方根をとればよいでしょう。

T そうだ、うまいね。それを式に表してみよう。

$$\sigma = \sqrt{\frac{1}{3} \{(x_1 - \bar{x})^2 + (x_2 - \bar{x})^2 + (x_3 - \bar{x})^2\}} \dots\dots\dots(1)$$

この σ を **標準偏差** といって、平均値のまわりのばらつきの度合いを示すものとして、統計学では、最もよく用いられます。A組、B組の場合は、データの数がこれよりも多いので、上の式の中かっこ $\{ \}$ の中の $()^2$ の項が多くなりますが、その内容は全く同じものです。あとで、実際に計算してもらいますが、A組とB組とでは、どちらの標準偏差が大で、どちらの標準偏差が小とでるだろう。

P₅ それは、A組の方が大で、B組の方が小になると思います。

T うん、そうだね。標準偏差の値は、データが、平均値のまわりに集中しているほど小さくなり、これと反対に、平均値のまわりに大きくばらついているほど大きくなります。標準偏差は、まず、ずれを一辺とする正方形の面積の総和を平均していますから、特別なずば抜けた値の影響は範囲ほど大きくはありません。しかし、特別な、ずば抜けた値がある場合には、やはり十分検討してから標準偏差を求めるべきです。なお、データの分布の状態を説明するときには、ふつう、平均値はいくらで、標準偏差はいくら、というように書いておきます。そうしますと、表や図がなくても、あとで勉強するチェビシェフの定理などの助けを借りて、ある程度くわしくデータの様子がつかめるからです。標準偏差は、平均値とともに、データの要約値として、データの特徴を示す大切な値です。

P₁ 先生、先ほど、ばらつきの度合いを表すものとして、分散がよく用いられる、といわれたんですが、分散の単位は、データの単位の2乗で、データの単位と同じでないのに、なぜ用いられるのですか。標準偏差は、分散の平方根ですから、データの単位と同じ単位ですから、これが用いられるのは良くわかりますが。