

さて、この表では、

$$\frac{x-64.5}{10} = u \quad \left( \frac{x-a}{c} = u \right) \dots\dots(イ)$$

という式で、 $x$ を $u$ に変換しています。この変換によって、

4.5点は $\frac{4.5-64.5}{10} = -6$ に、14.5点は $\frac{14.5-64.5}{10} = -5$ に……  
 100点は $\frac{100-64.5}{10} = 3.55$ に変換されますから、 $-6$ が1人、 $-5$ が1人、  
 $-4$ が6人、……、 $3.55$ が4人とみることになります。

そして、新たに、 $u$ の欄、 $f$ の欄を組みにして $u$ の度数分布表とみて、これから $f u$ 、 $f u^2$ の欄を計算して、 $u$ の平均値 $\bar{u}$ と $u$ の標準偏差 $\sigma_u$ を求めるわけです。

変換(イ)式から、 $\bar{x}$ と $\bar{u}$ 、 $\sigma$ と $\sigma_u$ との関係は、

○  $\bar{x} = (\text{仮り平均}) + (\text{一定の値}) \times (u \text{の平均}) \rightarrow \bar{x} = a + c\bar{u}$

○  $\sigma = (\text{一定の値}) \times (u \text{の標準偏差}) \quad \sigma = c \sigma_u$

となります。

このわけを簡単に説明します。まず、 $\bar{x}$ と $\bar{u}$ との関係ですが、 $x$ の値から、  
 1)  $a$ をひいて、2)  $c$ で割ったもの、 $u$ の平均値が $\bar{u}$ ですから、この $\bar{u}$ をもとにして、 $x$ の平均値 $\bar{x}$ を求めるためには、1), 2)の演算はそれぞれ逆のものにして、しかも、1), 2)の順序も逆にすればよいことになります。

すなわち、2)  $c$ で割った  $\rightarrow c$ をかける  $c\bar{u}$

1)  $a$ をひいた  $\rightarrow a$ を加える  $a + c\bar{u} = \bar{x}$

というわけです。

次に、 $\sigma$ と $\sigma_u$ の関係ですが、標準偏差の場合、データの各値 $x$ を図示したとき、その相対的な位置関係は、一定数 $a$ をひいても変わりませんから、 $x$ の標準偏差と、 $x - a$ の標準偏差とは変わりません。

