

したがって、規準値の標準偏差： $\sigma_x = 1$

以上は、3つの数値で説明しましたが、データが、もっと数多くの数値からなる場合も、全く同じことです。すなわち、

**規準値の平均値は 0，標準偏差は 1**

これは、データが、どんなものであろうとも、つねに成り立つ大切な性質です。

例えば、平均値も標準偏差も分布の形も、それぞれ異なる数学と英語のテストの結果について、A君の両科目の得点を比較するような場合に、規準となるものは何もありませんので、そのまま比較しても意味がありません。

このような場合に、数学と英語の全生徒の得点をそれぞれ規準化しておけば、分布の形まではそろえることはできませんが、A君の数学と英語の規準値は、とにかく、平均値は同じ0、標準偏差は同じ1、とそろった二つの規準値集団から取り出した値ということで、一応そろえた数値になります。(注1)

(数 学)		(英 語)	
得 点	規 準 値	得 点	規 準 値
$x_1$	$\rightarrow \frac{x_1 - \bar{x}}{\sigma_x}$	$y_1$	$\rightarrow \frac{y_1 - \bar{y}}{\sigma_y}$
$x_2$	$\rightarrow \frac{x_2 - \bar{x}}{\sigma_x}$	$y_2$	$\rightarrow \frac{y_2 - \bar{y}}{\sigma_y}$
⋮	⋮	⋮	⋮
$x_n$	$\rightarrow \frac{x_n - \bar{x}}{\sigma_x}$	$y_m$	$\rightarrow \frac{y_m - \bar{y}}{\sigma_y}$
平均値 $\bar{x}$	平均値 0	平均値 $\bar{y}$	平均値 0
標準偏差 $\sigma_x$	標準偏差 1	標準偏差 $\sigma_y$	標準偏差 1

この場合、さらに両科目の得点が、ともに正規分布をすることがわかったとしますと、両科目の規準値の分布も正規分布をすることがわかり、しかも、その平均値はともに0、標準偏差はともに1です。すなわち、両科目の規準値は、<sup>(注2)</sup>全く同じ正規分布をすることになります。

したがって、A君の数学の規準値と、英語の規準値とは、全く同質の規準値