

間にある、といいます。

ところで、すでにおわかりのように、この信頼区間の式には、 $\sigma$ が用いられています。母標準偏差の値が既知のときは、もちろん、これらの信頼区間 $\sigma$ を計算して用いてよいのですが、ふつう、 $\sigma$ の値は未知です。したがって、これらの信頼区間は計算できないことになります。

それで、とくに標本数 $n$ が大のとき、目安として100以上のときに、母標準偏差 $\sigma$ のところに、標本標準偏差 $s$ を代用することになっています。これは、経験的に、 $n$ が大のとき、目安として100以上のとき、 $\sigma$ と $s$ とは、実用上は、そう困るほどの差はない、ということから考えだされた便法なのです。

以上のことをまとめておきますと、次のようになります。

[1] 母集団分布不明、母標準偏差未知、 $n$ が100以上のとき、

1. 母平均 $m$ の、信頼度95%の信頼区間は、

$$\begin{array}{c} \overline{\bar{x}} - \frac{1.96 s}{\sqrt{n}} \qquad \overline{\bar{x}} + \frac{1.96 s}{\sqrt{n}} \\ \left( \overline{\bar{x}} - \frac{1.96 s}{\sqrt{n}}, \overline{\bar{x}} + \frac{1.96 s}{\sqrt{n}} \right) \end{array}$$

2. 母平均 $m$ の、信頼度99%の信頼区間は、

$$\begin{array}{c} \overline{\bar{x}} - \frac{2.58 s}{\sqrt{n}} \qquad \overline{\bar{x}} + \frac{2.58 s}{\sqrt{n}} \\ \left( \overline{\bar{x}} - \frac{2.58 s}{\sqrt{n}}, \overline{\bar{x}} + \frac{2.58 s}{\sqrt{n}} \right) \end{array}$$

さて、(定理1)の内容が近似的であり、これを根拠に導かれた信頼区間において、さらに $\sigma$ を $s$ で近似しているわけですから、[1]の内容はさらに近似的なものです。(しかし、実用上は十分間に合う。)したがって、信頼度が95%のとき、1.96の代りに2、信頼度が99%のとき、2.58の代りに3、というように、安全と計算の便を考えて、それぞれ、少し大きな整数値を用いる場合が多いようです。

そういうわけで、[1]を用いる場合には、小数点以下何桁といった細かい数