

図より、

- ①の場合の成績は、信頼度95%で、県なみの成績、国の成績より劣る。
- ②の場合の成績は、信頼度95%で、県なみ、国なみの成績。
- ③の場合の成績は、信頼度95%で、県より優れているが、国なみの成績。
- ④の場合の成績は、信頼度95%で、県はもちろん、国の成績よりも優れていることがわかります。

(2) 小標本の場合の母平均の区間推定 (正規母集団で母標準偏差未知)

母平均が  $m$  の正規母集団から抽出した大きさ  $n$  の標本の平均値を  $\bar{X}$ 、標準偏差を  $S$  として、大きさ  $n$  のあらゆる標本について、 $t = (\bar{X} - m) \sqrt{n-1} / S$  を計算しますと、この値の全体は、自由度 ( $n-1$ ) の  $t$  分布 (正規分布に似た左右対称の分布) をします。ここでは、このことを用いて、 $m$  の区間推定を行います。

ここで、自由度が  $(n-1)$  の  $t$  分布をする、の意味の説明は、難かしいのですが、おおよそ次のようになります。

もともと、 $t$  分布を表す式は、自然数  $n$  によって定まり、この  $n$  のことを  $t$  分布の自由度といいます。

さて、標本の  $n$  個の数値は、そのまま  $n$  個の変数のとる値と考えられるわけですが、実際は、この  $n$  個の変数はある条件にしばられているために、自由に変わりうる度合いが一つ減って ( $n-1$ ) 個となり、大きさが  $n$  の標本から計算した  $t$  の分布を数学を使って導くと、自由度を示す自然数が、( $n-1$ ) となっている  $t$  分布 (自由度が  $n-1$  の  $t$  分布) の式が、導かれるというのです。

さて、この場合の母平均の推定は、結局、次の〔2〕によって行います。

〔2〕 母集団が正規分布、母標準偏差未知のとき

1 母平均  $m$  の、信頼度95%の信頼区間は、

$$\bar{x} - t(n-1, 0.05) \times \frac{s}{\sqrt{n-1}}, \bar{x} + t(n-1, 0.05) \times \frac{s}{\sqrt{n-1}}$$
$$(\bar{x} - t(n-1, 0.05) \times \frac{s}{\sqrt{n-1}}, \bar{x} + t(n-1, 0.05) \times \frac{s}{\sqrt{n-1}})$$