

$$\begin{aligned}
&= \sqrt{p q (p + q)} \\
&= \sqrt{p q} \\
\therefore \sigma &= \sqrt{p q}
\end{aligned}$$

同様にして、標本標準偏差  $s$  は、

$$s = \sqrt{\bar{p} \bar{q}} \quad (\bar{q} = 1 - \bar{p}) \quad \text{となります。}$$

さて、ここでは、 $n$ が大のとき、標本を手がかりにして、母比率  $p$  を区間推定する方法について説明しますが、以上のことから、すでにおわかりのように、この場合は、(定理1)〔1〕において、 $m=p$ 、 $\sigma=\sqrt{p q}$ 、 $\bar{x}=\bar{p}$ 、 $s=\sqrt{\bar{p} \bar{q}}$ とおけばよいわけですから、〔1〕より、次の〔3〕が導かれ、これを用いて母比率の区間推定を行います。

〔3〕  $N$ はきわめて大、 $n$ は大のとき、目安として、

$n \geq 100$ 、 $n\bar{p} \geq 20$ 、 $n\bar{q} \geq 20$  のとき、

1. 母比率  $p$  の、信頼度95%の信頼区間は、

$$\left( \bar{p} - 1.96 \sqrt{\frac{\bar{p} \bar{q}}{n}}, \bar{p} + 1.96 \sqrt{\frac{\bar{p} \bar{q}}{n}} \right)$$

2. 母比率  $p$  の、信頼度99%の信頼区間は、

$$\left( \bar{p} - 2.58 \sqrt{\frac{\bar{p} \bar{q}}{n}}, \bar{p} + 2.58 \sqrt{\frac{\bar{p} \bar{q}}{n}} \right)$$

(注) (定理1) から導かれた  $p$  の区間

$$\left( \bar{x} - \frac{1.96\sigma}{\sqrt{n}}, \bar{x} + \frac{1.96\sigma}{\sqrt{n}} \right)$$

において、 $m=p$ 、 $\sigma=\sqrt{p q}$ 、 $\bar{x}=\bar{p}$ としたもの、すなわち、区間

$$\left( \bar{p} - 1.96 \sqrt{\frac{p q}{n}}, \bar{p} + 1.96 \sqrt{\frac{p q}{n}} \right)$$

が、母比率  $p$  の、信頼度95%の、本当の信頼区間なのです。ところが、