

では、これらの不偏分散も大体等しいと考えられますから、 F の値は1に近くなります。(p171問23参照)

しかし、もしも、この仮説 $H_0: \sigma_1^2 = \sigma_2^2$ が真でなければ、 S_1^2 と S_2^2 との差が大きくなり、結局 F の値は、

(分子) > (分母) のときは1より大きくなる、

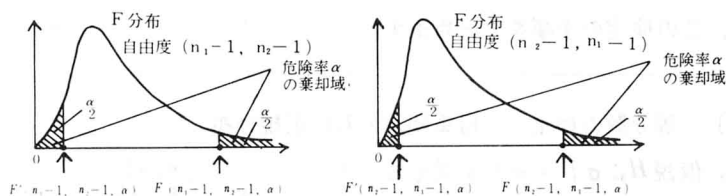
(分子) < (分母) のときは1より小になる。

F のこの性質を利用して、仮説 $H_0: \sigma_1^2 = \sigma_2^2$ が真であるかどうかを検定します。つまり、いま、手もとにある二組の任意標本から

$$F = \frac{\frac{n_1 S_1^2}{(n_1 - 1)}}{\frac{n_2 S_2^2}{(n_2 - 1)}} \quad \text{または、} \quad F = \frac{\frac{n_2 S_2^2}{(n_2 - 1)}}{\frac{n_1 S_1^2}{(n_1 - 1)}}$$

を計算し、この F の値が、1からのへだたりの大きい

- 危険率 α の棄却域に入れば、有意差ありといい、仮説 H_0 を棄却し対立仮説 H_1 をとる。すなわち、危険率 α で、二つの母分散には差がある、(二つの母分散は異なる)といえます。
- 危険率 α の棄却域に入らなければ、有意差なしといい、仮説 H_0 は棄却しない。すなわち、危険率 α で、二つの母分散には差があるとはいえないといえます。



(注) 記号 $F'(n_1-1, n_2-1, \alpha)$ は、自由度が (n_1-1, n_2-1) の F 分布の危険率両側合わせて α の棄却域の下側境界値、同様にして

$F(n_1-1, n_2-1, \alpha)$ は、自由度が (n_1-1, n_2-1) の F 分布の、危険率両側合わせて α の棄却域の上側境界値を表します。

ところで、 F 分布表は、分子、分母の自由度と、上側確率の値 $\frac{\alpha}{2}$ とそのときの上側境界値(1より大)とを表にしたものですから、次左図の場合は、危険