

(解) (例14) によって、等分散 $\sigma_1^2 = \sigma_2^2$ であることが認められていますから、

1. 仮説 $H_0: m_1 = m_2$ を立てます。対立仮説は $H_1: m_1 \neq m_2$
2. $|t|$ の値を求めます。

$$t = \frac{|\bar{x}_1 - \bar{x}_2|}{\sqrt{\left(\frac{n_1 s_1^2 + n_2 s_2^2}{n_1 + n_2 - 2}\right) \left(\frac{n_1 + n_2}{n_1 n_2}\right)}} = \frac{|49.1 - 50.7|}{\sqrt{\left(\frac{42 \times 8.6^2 + 40 \times 8.1^2}{42 + 40 - 2}\right) \left(\frac{42 + 40}{42 \cdot 40}\right)}}$$

$$= \frac{1.6}{\sqrt{\left(\frac{42 \times 8.6^2 + 40 \times 8.1^2}{80}\right) \left(\frac{82}{42 \cdot 40}\right)}} = 0.86$$

$$\text{② } MC \ 8.6 \times \times 42 \ (M+) \ 8.1 \times \times 40 \ (M+) \ MR \times 82 \div 80 \div 42$$

$$\div 40 = \sqrt{MC(M+) \ 1.6 \div MR =}$$

3. t 分布表より、自由度 $n_1 + n_2 - 2 = 42 + 40 - 2 = 80$

危険率 5% の棄却域の上側境界値を求めるのですが、自由度 80 の値は表にはないので、これに最も近くて小さい自由度 60 のときの値 $t(60, 0.05) = 2.00$ で代用します。

$$t(80, 0.05) = 2.00$$

$$4. |t| = 0.86, \quad t(80, 0.05) = 2.00$$

$$\therefore |t| < t(80, 0.05)$$

よって、危険率 5% で、有意差なし。

二つの母平均に差があるとはいえない。

③ ウェルチの方法による母平均の差の検定

(母集団がともに正規分布、 $\sigma_1^2 \neq \sigma_2^2$)

等分散の検定の結果、二つの母分散に、差が認められたときには、②の t 検定の前提 $\sigma_1^2 = \sigma_2^2$ が成立していませんので、これによる検定はできません。この場合、分散に差があるというのは、すでに二つの母集団は質的に異なっていると見るべきであるから、母平均の差を検定してみても仕方がないではないか、という見方もあるようです。