

るものがない、というだけなのですが)

これに対して、 f_i と F_i との差が大であれば、単位当たりのくいちがいを表す $\frac{(f_i - F_i)^2}{F_i}$ は大きくなり、その総和 χ^2 も大きくなりますから、手もとの標本は、「これこれの分布に従う母集団」からの任意標本ではないと判定します。この判定は、結局仮説 H_0 「母集団は、これこれの分布に従う」を認めない判定をくだしたことになるわけです。

それでは、この χ^2 の値（くいちがいの大きさ）の大小は何によって判定するのかといえば、それはこれまでの検定の場合と全く同じで、 χ^2 分布の、危険率 α (α は、ふつう 0.05 か 0.01) の棄却域の上側境界値との比較によって判定します。(χ^2 の値は正ですから、くいちがいの大きさは、上側で判定します。)

(注1) (表イ)、(表ロ) の f_i, F_i は度数です。百分率では、 χ^2 検定はできません。

(注2) 観察度数、理論度数の中に、5より小のものがあるときには、

- Yates の修正を行った χ^2 の値を求める。

$$\chi^2 = \sum_{i=1}^k \frac{\{|f_i - F_i| - 0.5\}^2}{F_i}$$

または、

- いくつかのグループを合わせて、度数を 5 以上にして検定する。

(注3) $\sum_{i=1}^k \frac{(f_i - F_i)^2}{F_i} = \sum_{i=1}^k \frac{f_i^2}{F_i} - n$ と変形できます。

(注4) この場合の χ^2 分布の自由度について説明しておきます。 χ^2 分布は、

自然数 m によって定まる分布で、この m のことを自由度といいます。

この定理の場合、 k 個の変数 f_1, f_2, \dots, f_k が、一つの条件

$$f_1 + f_2 + \dots + f_k = n \quad (k \text{ は定数})$$

のもとに動くので、実際は独立な変数が $k-1$ 個となり、理論的に、

m のところが、 $k-1$ となった χ^2 分布の式が導かれる、というので

す。この場合の自由度は、グループの数 k ひく 1 です。