

50以上はほしいと書いてある本もありますし、 $a$ 、 $b$ 、 $c$ 、 $d$ はどれも10以上にした方がよいと書いてある本もあります。(p 101 注参照)

それでは、次の例題を、母比率の差の検定と  $\chi^2$  検定の両方で解くことにします。

(例23) 次の表は、 $N$ 市の $K$ 小学校で、インフルエンザの予防注射を受けた、

	インフルエンザにかからなかった	インフルエンザにかかった	計
予防注射を受けた	495	$r_1$ 67	$n_1$ 562
予防注射を受けなかった	310	$r_2$ 71	$n_2$ 381
計	805	138	943

受けない、と、インフルエンザにかかった、かからなかったの結果について調べたものである。

この $K$ 小学校の児童 943名を、 $N$ 市の全小学生(母集団)の任意標本とみて、予防注射が有効であったかどうかを検定せよ。

(解) ① 大標本の場合の母比率の差の検定をする。

予防注射を受けたもののうち、インフルエンザにかかったものの母比率を  $p_1$  とし、標本比率を  $\bar{p}_1$  としますと、 $\bar{p}_1 = \frac{67}{562}$

予防注射を受けなかったもののうち、インフルエンザにかかったものの母比率を  $p_2$  とし、標本比率を  $\bar{p}_2$  としますと、 $\bar{p}_2 = \frac{71}{381}$

1. 帰無仮説  $H_0$ :  $p_1 = p_2$  とします。

対立仮説は  $p_1 \neq p_2$  です。

2. 仮説  $H_0$ :  $p_1 = p_2$  のもとで、インフルエンザにかかったものの推定値

$$p \text{ は } p = \frac{r_1 + r_2}{n_1 + n_2} = \frac{67 + 71}{562 + 381} = \frac{138}{943}$$

$$q = 1 - p = 1 - \frac{138}{943} = \frac{805}{943}$$

$$|z| = \frac{|\bar{p}_1 - \bar{p}_2|}{\sqrt{pq \left( \frac{n_1 + n_2}{n_1 \cdot n_2} \right)}} = \frac{\left| \frac{67}{562} - \frac{71}{381} \right|}{\sqrt{\frac{138}{943} \times \frac{805}{943} \times \frac{943}{562 \times 381}}} = \frac{0.06713462}{0.02345584}$$

$$= 2.86$$