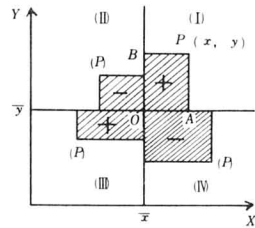


い相関など、その相関の度合いを何で測ったらよいでしょうか。次には、このことについて考えていきます。



左図で、点 P から、直線 $x = \bar{x}$ 、 $y = \bar{y}$ に下した垂線の足をそれぞれ B 、 A とするとき、長方形 $PBOA$ を、点 P のもつ長方形ということにします。さて、

○点 P が、(I) の範囲にあれば、 $x - \bar{x} > 0$ 、 $y - \bar{y} > 0$ ですから、 $(x - \bar{x})(y - \bar{y}) > 0$ 、すなわち、点 P のもつ長方形の面積は正になります。

○点 P が、(II) の範囲にあれば、 $x - \bar{x} < 0$ 、 $y - \bar{y} > 0$ ですから $(x - \bar{x})(y - \bar{y}) < 0$ 、すなわち、点 P のもつ長方形の面積は負になります。

○点 P が、(III) の範囲にあれば、 $x - \bar{x} < 0$ 、 $y - \bar{y} < 0$ ですから $(x - \bar{x})(y - \bar{y}) > 0$ 、すなわち、点 P のもつ長方形の面積は正になります。

○点 P が、(IV) の範囲にあれば、 $x - \bar{x} > 0$ 、 $y - \bar{y} < 0$ ですから $(x - \bar{x})(y - \bar{y}) < 0$ すなわち、点 P のもつ長方形の面積は負になります。

したがって、(I)、(III) の範囲に多くの点があり、(II)、(IV) の範囲に点が少ない場合には、各点のもつ長方形の面積の総和 $\sum_{i=1}^n (x_i - \bar{x})(y_i - \bar{y})$ は正となり、その平均値（1点あたりの面積。点の総数を n としますと）

$$\frac{1}{n} \sum_{i=1}^n (x_i - \bar{x})(y_i - \bar{y})$$

も正になります。

また、(II)、(IV) の範囲に多くの点があり、(I)、(III) の範囲に点が少ない場合には、各点のもつ長方形の面積の総和は負になり、その平均値も負になります。

最後に、各点が (I)~(IV) の範囲に平均して散らばっているときには、各点のもつ長方形の面積の総和は 0 に近い値になり、その平均値も 0 に近くなります。

以上のことから、 X と Y との関連の度合いを示す値として、各点のもつ長方形の面積の平均値 $\frac{1}{n} \sum_{i=1}^n (x_i - \bar{x})(y_i - \bar{y})$ が役立ちそうなことがわかりました。しかし、一般には、 $(x - \bar{x})$ と $(y - \bar{y})$ とは、測定の基準が異なっていますので、このままでは、関連の度合いを示す値としては不都合です。