

が最小になるように直線 $y = ax + b$ ① を求めることにするのです。前図より、ずれ d_i は、

$$d_i = y_i - (ax_i + b)$$

ですから、データの大きさが n であつたとしますと、

$$\sum_{i=1}^n d_i^2 = \sum_{i=1}^n \{y_i - (ax_i + b)\}^2$$

この $\sum_{i=1}^n d_i^2$ が最小になるように a , b を定めるのです。(このようにして、 a , b の値を求める方法を最小二乗法といいます。)

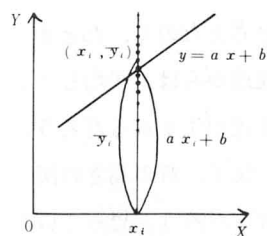
ここでは、結果だけを書いておくことにします。

$$a = \frac{n \sum xy - (\sum x)(\sum y)}{n \sum x^2 - (\sum x)^2}$$

$$b = \frac{1}{n} (\sum y - a \sum x), \quad (b = \bar{y} - a \bar{x}) \dots\dots\dots②$$

このようにして得られた a , b を係数とする直線 $y = ax + b$ を、 y の x への回帰直線といい、 a を回帰係数といいます。

(注) この y の x への回帰直線は、 x の各値に対する y の中心的傾向を示すものです。すなわち、同じ x の値 x_i に対する y の値が、 y_1, y_2, \dots, y_k とあつたと



しますと、これらの点 $(x_i, y_1), (x_i, y_2) \dots (x_i, y_k)$ は、左図のように縦の直線 $x = x_i$ 上に並んでいるわけです。

このとき、 y_1, y_2, \dots, y_k の平均値を \bar{y}_i としますと、直線 $y = ax + b$ は、点 (x_i, \bar{y}_i) の近くを通るというのです。

なお、②の式を①に代入しますと、次の式が得られます。

$$y - \bar{y} = a(x - \bar{x})$$

これは、 y の x への回帰直線は、点 (\bar{x}, \bar{y}) を通ることを示しています。

(例27) 次ページの(表12)から、 y の x への回帰直線を求めよ。

(解) p 130より

$$\sum x = 870, \quad \sum y = 810$$