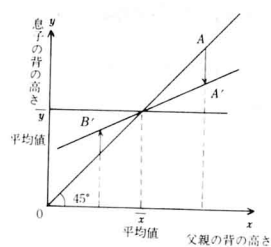


(表12)

生徒番号	数学の得点X	理科の得点Y
1	75	55
2	45	40
3	95	85
4	35	35
5	80	70
6	70	65
7	85	75
8	55	50
9	45	50
10	90	85
11	65	55
12	60	60
13	40	45
14	30	40



って行った。また、背の低い父親達の息子達の背の高さの平均値は、B点のように、これも予想に反して、子供全体の平均値 \bar{y} の方に帰っていった。このような現象を、彼は回帰ということばで説明し、回帰直線ということばも生まれました。

$$\Sigma x^2 = 59900, \quad \Sigma xy = 54575$$

$$a = \frac{n \Sigma xy - (\Sigma x)(\Sigma y)}{n \Sigma x^2 - (\Sigma x)^2}$$

$$= \frac{14 \times 54575 - 870 \times 810}{14 \times 59900 - 870^2} = 0.73$$

$$\text{分子：} MC 14 \times 54575 (M+) 870 \times 810$$

$$(M-) MR \quad (59350)$$

$$\text{分母：} MC 14 \times 59900 (M+) 870 \times (M-)$$

$$MR \quad (81700)$$

$$b = \frac{1}{n} (\Sigma y - a \Sigma x)$$

$$= \frac{1}{14} (810 - 0.73 \times 870) = 12.5$$

$$\text{電} MC 810 (M+) 0.73 \times 870 (M-) MR \div 14$$

=

よって、求める回帰直線は $y = 0.73x + 12.5$

(注) x に対する y の回帰直線などともいわれます。回帰ということばは、遺伝学者ゴールトン (1822~1911) が用いたものです。彼は、背の高さは遺伝するものと考えたので、たとえば背の高さが 170cm の父親達からは、平均して 170cm の背の高さをもつ息子達が生まれるだろうと予想しました。つまり、父子の背の高さの関係は、直線 $y = x$ で表わせるだろうと思っていたのです。しかし、実際に調査した結果は、背の高い父親達の息子達の背の高さの平均値は、たとえば A 点のように、父親達の背の高さよりは少し低くなり、子供全体の平均値 \bar{y} の方に帰