

$$\chi_n^2(t) = \frac{2}{\sqrt{2\pi}} \int_0^{\sqrt{t}} e^{-\frac{u^2}{2}} du - \frac{2}{\sqrt{2\pi}} e^{-\frac{t}{2}} t^{\frac{1}{2}} \left\{ 1 + \frac{t}{1 \cdot 3} + \frac{t^2}{1 \cdot 3 \cdot 5} + \dots + \frac{t^{\frac{n-3}{2}}}{1 \cdot 3 \cdot 5 \cdots (n-2)} \right\}$$

$n$ と $t$ の値を与えて、これを電卓で計算する場合、プログラムが、電卓の限界を越えて長くなる場合は、 $\frac{1}{\sqrt{2\pi}} \int_0^{\sqrt{t}} e^{-\frac{u^2}{2}} du$

の値は、正規分布表から求めて、入力するようにします。

## 5. t 分布表

[準備3] ベータ関数  $B(m, n)$

$$B(m, n) = \int_0^1 x^{m-1} (1-x)^{n-1} dx \quad (m > 0, n > 0)$$

(性質) (1)  $B(m, n) = B(n, m)$

$$(2) B(m, n) = 2 \int_0^{\frac{\pi}{2}} \sin^{2m-1} x \cos^{2n-1} x dx$$

この(2)を導く

$$B(m, n) = \int_0^1 x^{m-1} (1-x)^{n-1} dx \text{ において}$$

$$x = \sin^2 \theta \text{ とおくと}$$

$$\begin{array}{l|l} x & 0 \rightarrow 1 \\ \hline \theta & 0 \rightarrow \frac{\pi}{2} \end{array}, \quad dx = 2 \sin \theta \cos \theta d\theta$$

$$\begin{aligned} \therefore B(m, n) &= \int_0^{\frac{\pi}{2}} (\sin^2 \theta)^{m-1} (1 - \sin^2 \theta)^{n-1} 2 \sin \theta \cos \theta d\theta \\ &= 2 \int_0^{\frac{\pi}{2}} \sin^{2m-1} \theta \cos^{2n-1} \theta d\theta \end{aligned}$$