

要がある。これには二つの方法があり、一つは偏差の割合による方法、もう一つは χ^2 (カイ2乗)法である。

(1) 偏差と平均誤差による方法

偏差 (D) ……実験値と理論値の差

平均誤差…………… $m = \sqrt{NPq}$

(Nは総個体数, Pはある表現型の現われる確率)
($q(1-p)$ はその表現型の現われない確率)

Dとmを比較して、Dがmの3倍以内であるときは、この偏差は誤差の範囲内である。すなわち実験値は理論どおり分離をしていると判定する。

単性雑種の場合を検定してみると

| 表現型 | 工常翅 | 痕跡翅 | 計 |
|-------|-----|-----|-----|
| 実験値 | 357 | 124 | 481 |
| 理論比 | 361 | 120 | 481 |
| 偏差(±) | 4 | 4 | |

平均偏差を求めてみると

$$m = \sqrt{481 \times \left(\frac{3}{4}\right) \times \left(\frac{1}{4}\right)} = \pm 9.2 \quad 4 < 9.2 \times 3$$

以上のことから、この実験比は3:1の理論比に一致しているとみなす。

両性雑種の場合を検定してみると

| 表現型 | ++ | +e | vg+ | vg e | 計 |
|-------|-----|-----|-----|------|-----|
| 実験値 | 533 | 168 | 170 | 56 | 927 |
| 理論値 | 521 | 174 | 174 | 58 | 927 |
| 偏差(±) | 12 | 6 | 4 | 2 | |

各平均偏差を求めると

$$m_1 = \sqrt{927 \times \left(\frac{9}{16}\right) \times \left(\frac{7}{16}\right)} = 15.1 \quad 12 < 15.1 \times 3$$

$$m_2 = \sqrt{927 \times \left(\frac{3}{16}\right) \times \left(\frac{13}{16}\right)} = 11.8 \quad 6 < 11.8 \times 3$$

$$m_3 = \sqrt{927 \times \left(\frac{3}{16}\right) \times \left(\frac{13}{16}\right)} = 11.8 \quad 4 < 11.8 \times 3$$

$$m_4 = \sqrt{927 \times \left(\frac{1}{16}\right) \times \left(\frac{15}{16}\right)} = 7.4 \quad 2 < 7.4 \times 3$$

いずれの場合も、Dはmの3倍より小さいので、実験比は9:3:3:1の理論比に一致するとみなして差支えない。

2. χ^2 による方法(chisquare test)

前法より確実で、この方法の方が最近よく用いられ、特に不連続量である場合、帰無仮説がデータによって支持されるかどうかをみる。

$$\chi^2 = \sum \frac{(\text{実験値} - \text{理論値})^2}{\text{理論値}}$$

このようにして求めた χ^2 の値 χ_0^2 が、 $\chi_0^2 < \chi_{0.05}^2$ ($P > 0.05$)の場合は帰無仮説を捨てることができない。すなわち、仮説に反していないと考え、それは単なる誤差と見なし、 $\chi_0^2 > \chi_{0.05}^2$ ($P < 0.05$)の場合、仮説は捨てられ、データは理論に反して

有意の差であると判断する。この場合の帰無仮説は「実験値は理論通り3:1, 9:3:3:1に分離している」と立てたものである。なお自由度は階級値の数より1を引いた値で表わす。

単性雑種の場合をこの方法で検定してみると

$$\chi^2 = \frac{(357-361)^2}{361} + \frac{(124-120)^2}{120} = \frac{16}{361} + \frac{16}{120} \\ = 0.044 + 0.133 = 0.177 \quad 0.177 < 3.841$$

自由度 $2 - 1 = 1$ $\chi_{0.05}^2$ の値3.841

χ^2 の値は0.05のときより小さい、すなわちP(適合確率)は0.05以上の値を示すので、理論値と一致しているとみなして差支えないことになる。

両性雑種の場合を検定してみると

$$\chi^2 = \frac{(533-521)^2}{521} + \frac{(168-174)^2}{174} + \frac{(170-174)^2}{174} \\ + \frac{(56-58)^2}{58} = \frac{144}{521} + \frac{36}{174} + \frac{16}{174} + \frac{4}{58} \\ = 0.273 + 0.209 + 0.092 + 0.069 = 0.643$$

この場合、自由度は $4 - 1 = 3$ であるので χ^2 分布表より照し合せると、有意水準 $\chi_{0.05}^2$ の値が7.815であり0.643は7.815より小さいから、この実験値の差は有意の差でないことになる。

χ^2 の分布表

| 自由度 | P | | | | | | | |
|-----|-------|-------|-------|--------|--------|--------|--------|--------|
| | 0.9 | 0.7 | 0.5 | 0.2 | 0.1 | 0.05 | 0.01 | 0.001 |
| 1 | 0.158 | 0.148 | 0.455 | 1.642 | 2.706 | 3.841 | 6.635 | 10.827 |
| 2 | 0.211 | 0.713 | 1.386 | 3.219 | 4.605 | 5.991 | 9.210 | 13.815 |
| 3 | 0.584 | 1.424 | 2.366 | 4.642 | 6.251 | 7.815 | 11.341 | 16.268 |
| 4 | 1.064 | 2.195 | 3.357 | 5.889 | 7.779 | 9.488 | 13.277 | 18.465 |
| 5 | 1.610 | 3.000 | 4.351 | 7.289 | 9.236 | 11.070 | 15.086 | 20.517 |
| 6 | 2.204 | 3.828 | 5.348 | 8.558 | 10.645 | 12.592 | 16.812 | 22.457 |
| 7 | 2.833 | 4.671 | 6.346 | 9.803 | 12.017 | 14.067 | 18.475 | 24.322 |
| 8 | 3.490 | 5.527 | 7.343 | 11.030 | 13.362 | 15.507 | 20.090 | 26.125 |
| 9 | 4.168 | 6.393 | 8.342 | 12.242 | 14.684 | 16.919 | 21.666 | 27.877 |
| 10 | 4.865 | 7.267 | 9.342 | 13.442 | 15.987 | 18.307 | 23.209 | 29.588 |

◆ 表の濃淡は帰無仮説をすてるべきであるという程度に濃くなり、Pが0.05以下であるとき一般に仮説は捨てられる。