

$P_i F = P_i H_i$ なる点 H_i ($P_i H_i$ は x 軸に垂直) が直線 $y = -1$ 上に並んでいることを確かめる。

(展開)

③ 曲線上の任意の点 P から, $P F = P H$ なる点 H ($P H$ は x 軸に垂直) をとる。 H が直線 $y = -1$ 上にあることを確かめる。

④ 曲線上の任意の点を $P(x, y)$ また, $F(0, 1)$, $H(x, -1)$ として $P F = P H$ を確かめる。

⑤④によって, 放物線 $y = \frac{1}{4}x^2$ は, どんな点の焦点であるかを考える。

⑥ 資料 2 の曲線について, $F(0, \frac{1}{2})$, 直線を $y = -\frac{1}{2}$ として ③, ④, ⑤ に準じて確かめ, 考える。

⑦ 放物線の定義を確認する。

⑧ $P(x, y)$
 $F(0, p)$
 $H(x, -p)$ として, 定義 $P F = P H$ より $x^2 = 4p y$ を導く。

⑨ 資料 1, 2 の曲線について, ⑧の p の値を求める。

⑩ 図 1 の曲線を横にしても, $P F = P H$ の性質は保存されることから $P(x, y)$

グラフの対称性を利用して第 1 象限で考えさせる。

(図 1)

測定による。予想される生徒の関心

「点 F をどのようにして $(0, 1)$ に決めたのか」
2 点間の距離の公式を確認させる。

放物線の定義に気づかせる。

曲線を変えても, 性質の変わらないことに気づかせる。(資料 2)

放物線の定義をする。

式の変形における同値関係を確認させる。

p の値の図形上の意味を理解させる。

だ円, 双曲線との統一をはかるために, 準線を x 軸に

$F(p, 0)$
 $H(-p, y)$ として, 定義 $P F = P H$ より $y^2 = 4p x$ を導く。

⑪ 放物線の焦点, 準線, 頂点, 軸について, その幾何学的な意味を理解する。

⑫⑧, ⑩のように P, F, H の座標をとる理由を考える。

(終末)

⑬ 本時のまとめをする。

⑭ 次時の予告を聞く。

垂直に, 焦点を x 軸上にとる。二次関数のグラフとの関連を強調する場合は, 準線を x 軸に平行にとるようにさせる。方程式が簡潔に表されることを理解させる。

5 分

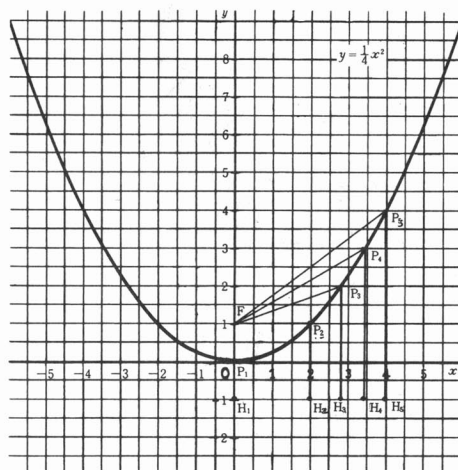


図 1

4. 放物線のかきかた

(1) 定規を利用する方法

放物線 $x^2 = 4p y$ をかくには, 図 2 のように原点 O から定直線 g 及び定点 F までの距離をそれぞれ p とする。三角定規 ABC の辺 AB に等しい長さの糸の両端を A と F に固定する。糸を鉛筆の先 P で張りながら三角定規を g に沿って移動すれば, $P F = P B$ より P は F を焦点, g を準線とする放物線 $x^2 = 4p y$ をえがく。

曲線をノートにかくときは, 座標軸の 1 目盛りの長さを 1 cm , 糸の長さを $8\text{ cm} \sim 20\text{ cm}$, $p =$